



La preuve formelle dans le développement logiciel embarqué

ESME SUDRIA

CAP'TRONIC

23 juin 2015

Paris
Lyon
Aix



▷ Effectif : 100 (2014)

▷ CA : 7,3 M (2013)

▷ Métier

- ▶ AtelierB : (R&D, Développement de l'outil)
- ▶ Modélisation B (logiciel, système, Datas)
- ▶ Réalisation de Systèmes sûrs (matériel, installation...)





► Sommaire



▷ Partie 1 :

- Principales Normes
- Pourquoi les méthodes formelles ?
- Principales techniques de vérification

▷ Partie 2 :

- Application des Méthodes Formelles
- Application de la méthode B



► Normes IEC61508/EN50128

▷ Logiciels et systèmes critiques :

► Préservation de la vie humaine

- Les méthodes formelles « Highly recommended » par les normes industrielles pour le développement de systèmes de sécurité de niveau 4 (IEC 61508, EN50128)

Safety Integrity Level	Probability of a failure to danger per hour (PFH _D)
3	$\geq 10^{-8}$ to $< 10^{-7}$
2	$\geq 10^{-7}$ to $< 10^{-6}$
1	$\geq 10^{-6}$ to $< 10^{-5}$



► Normes DO-178 C

▷ 5 niveaux de criticité (Development Assurance Level) :

Niveau A - un problème catastrophique - Sécurité du vol ou atterrissage compromis - Crash de l'avion

Niveau B - un problème majeur entraînant des dégâts sérieux, voire la mort de quelques occupants

Niveau C - un problème sérieux entraînant un dysfonctionnement des équipements vitaux de l'appareil

Niveau D - un problème pouvant perturber la sécurité du vol

Niveau E - un problème sans effet sur la sécurité du vol

2 paragraphes dans le DO178B à une annexe entière, le DO-333
«Formal Methods Supplement to DO-178C and DO-278A»



▷ Sécurité des logiciels et systèmes :

▶ Préservation de la confidentialité des données

EAL1 - functionally tested

EAL2 - structurally tested

EAL3 - methodically tested and checked

EAL4 - methodically designed, tested, and reviewed

EAL5 - semiformally designed and tested

EAL6 - semiformally verified design and tested

EAL7 - formally verified design and tested

EAL: Evaluation Assurance Level



► Pourquoi les méthodes formelles ?

▷ Continuer à maîtriser les systèmes que l'on conçoit et construit

► 18 M loc embarquées sur une voiture (2001)

► ~50 fonctions réparties sur une centaine de calculateurs





► Pourquoi les méthodes formelles ?

▷ L'allumage d'un téléphone basique (2005) :

- exécute un code de ~100 000 lignes
- représentant un automate à 7 niveaux et 700 états.

▷ Le séquençement du vol d'Ariane 5 (1996):

- 95 tâches fonctionnant en parallèle.

▷ La spécification et la conception des automatismes d'une centrale nucléaire :

- occupe 300 m linéaires de documentation papier.



► Pourquoi les méthodes formelles ?

- La commande de vol de l'Airbus A380 comprend 1 million de lignes de code (2007)
 - contre 100 000 sur les premiers A320 (1987)





► Pourquoi les méthodes formelles ?

▷ On sait calculer la fiabilité d'une résistance

Modèle général associé à la famille

$$\lambda = \lambda_{\text{Physique}} \times \Pi_{\text{PM}} \times \Pi_{\text{Process}} \quad \text{avec :}$$

$$\lambda_{\text{Physique}} = \lambda_{0_R\text{ésistance}} \times \sum_i^{\text{Phases}} \left(\frac{t_{\text{anneau}}}{8760} \right)_i \times (\Pi_{\text{Thermo-électrique}} + \Pi_{\text{TCy}} + \Pi_{\text{Mécanique}} + \Pi_{\text{RH}})_i \times (\Pi_{\text{Induit}})_i$$

Facteur C_{sensibilité}

	Sensibilité relative (note sur 10)			C _{sensibilité}
	EOS	MOS	TOS	
Résistance fixe à couche à faible dissipation haute stabilité (RS), d'emploi courant (RC), « Minimelf »	5	2	4	3,85
Résistance fixe à couche à forte dissipation	2	3	1	2,25
Résistance fixe bobinée de précision à faible dissipation	2	1	3	1,75
Résistance fixe bobinée à forte dissipation	2	3	1	2,25
Potentiomètre non bobiné (CERMET)	1	5	2	2,50
Chip résistif	5	4	6	4,75
Réseau résistif CMS	4	5	3	4,25
Résistance de précision, haute stabilité à feuille métallique gravée	6	6	4	5,8

▷ Mais pas celle d'un logiciel

- recours massif aux tests fonctionnels/d'intégration/unitaires
- qui peuvent être évités/réduits si recours aux méthodes formelles



► Méthodes formelles

- ▷ Sont des techniques permettant de raisonner rigoureusement
- ▷ Avec l'aide de logique mathématique
- ▷ Sur des systèmes
- ▷ Pour démontrer leur validité par rapport à une certaine spécification.



► Techniques de vérification

- ▷ Analyse statique par interprétation abstraite
- ▷ Model-checking
- ▷ Preuve de théorèmes



Analyse statique par interprétation abstraite

- ▷ Calcule symboliquement un sur-ensemble des états accessibles du système
- ▷ Parcourt le programme analysé en y remplaçant les valeurs par des abstractions.

Par exemple, les valeurs des variables entières sont abstraites par des intervalles d'entiers, ou des relations algébriques entre variables

- ▷ Traite principalement la correction du codage
 - Division par zéro,
 - Non dépassement des bornes d'un tableau,
 - Erreur d'arrondi (flottant)
 - etc.



► Model-checking

▷ Analyse exhaustivement l'évolution du système lors de ses exécutions possibles

▷ Composition de modèles pour vérifier une propriété

▷ Mur de la complexité

► $r : A * A$

$24^4 = 65536$ possibilités pour r

► $r : P(A * A)$

$2^{24^4} = 265536$ si $\text{card}(A)=4$



► Preuve de théorèmes

- ▷ Démontrer des théorèmes sur les formules logiques décrivant la sémantique du programme
- ▷ Problème indécidable:
 - pas d'algorithme qui permette de conclure, pour la logique du premier ordre



► Utilisation des MF



Utilisation des Méthodes Formelles





► A quel moment utiliser des MF ?

Dès que vous voulez garantir un raisonnement

- ▷ Modéliser formellement un système ou un contexte
- ▷ Prouver une propriété sur ce modèle



► A quel moment utiliser des MF ?

Une analyse avec méthode formelle peut fournir la preuve que le système est complet et correct vis à vis de ses exigences.

L'utilisation de spécifications formelles seules rend les exigences non ambiguës.

Extrait de la norme RTCA DO-178B/EUROCAE ED-12B



► A quel moment utiliser des MF ?

Pour les spécifications, des méthodes formelles mathématiques sont recommandées car le modèle formel fournit précision, non ambiguïté et cohérence.

Norme du ferroviaire



► A quel moment utiliser des MF ?

L'utilisation de méthode formelle a pour but d'éviter et d'éliminer les erreurs de spécification, de conception et de codage lors du développement du logiciel.

Extrait de la norme RTCA DO-178B/EUROCAE ED-12B



Choisir de faire une preuve formelle

- ▷ Besoin d'une garantie de sécurité globale
- ▷ Besoin d'avoir exprimé toutes les conditions nécessaires à la sécurité et le "pourquoi c'est sécuritaire".

On sait que c'est assez rigoureux pour être formalisé seulement si on l'a formalisé

- ▷ La résistance d'une chaîne est celle du maillon le plus faible

*Utiliser les méthode formelles pour renforcer un maillon
ou pour démontrer qu'il n'y a pas de maillon faible*





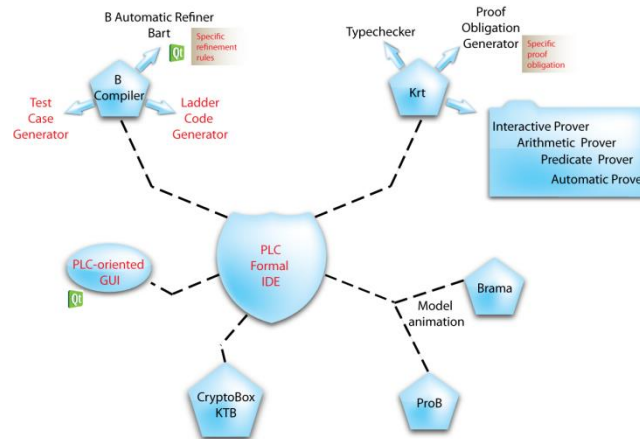
► AtelierB





► AtelierB

Atelier logiciel qui permet une utilisation opérationnelle de la méthode formelle B.



► Une aide à la preuve :

- pour démontrer les obligations de preuve, grâce à des outils de preuve

► Une aide au développement :

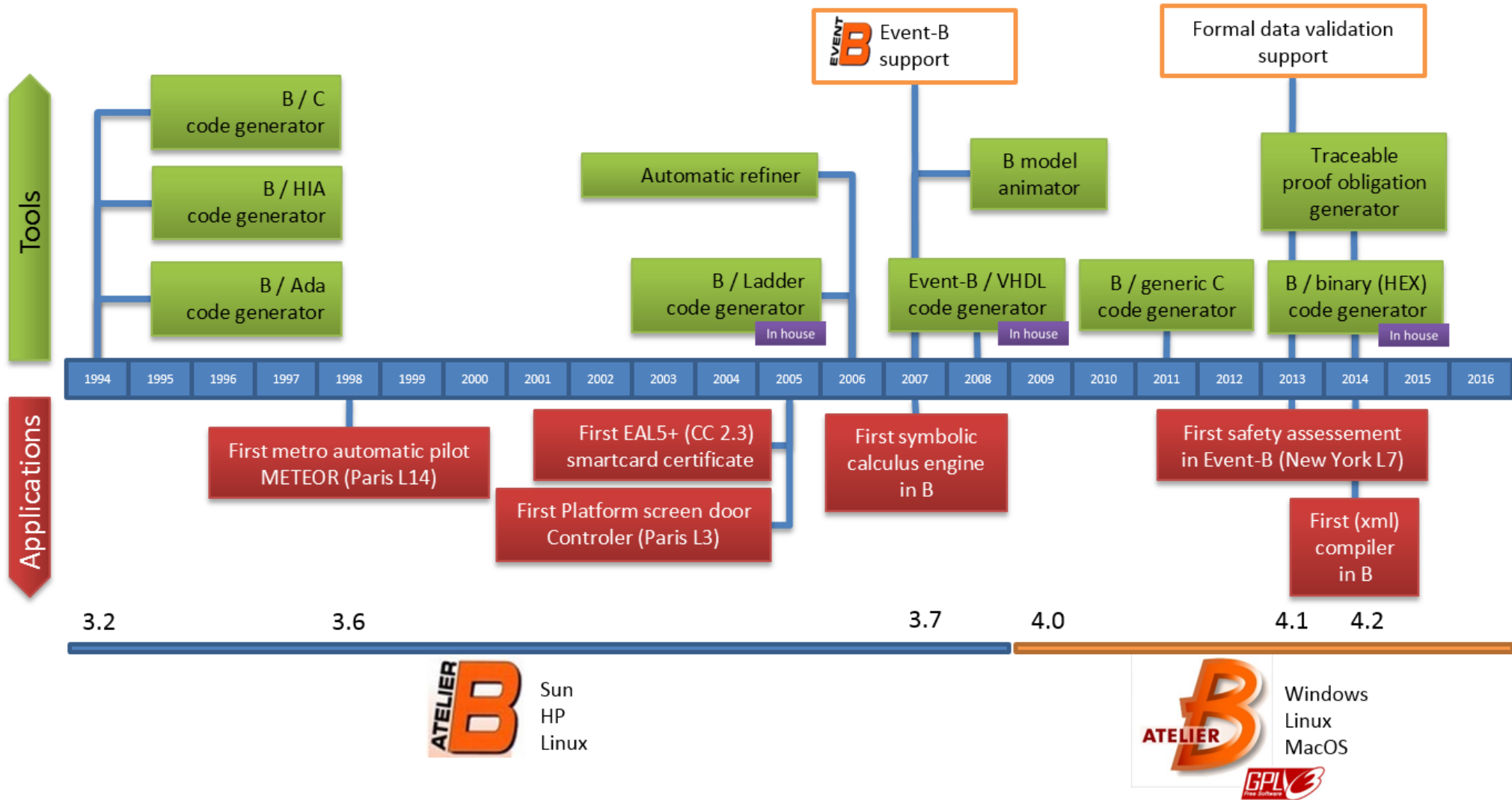
- Gestion des dépendances entre composants B, Le raffinement automatique, Analyse statique

► Des outils de confort pour l'utilisateur :

- Représentation graphique de projets, Affichage de l'état d'un projet, Gestion des règles



AtelierB





► B événementiel / B système



B événementiel / B système



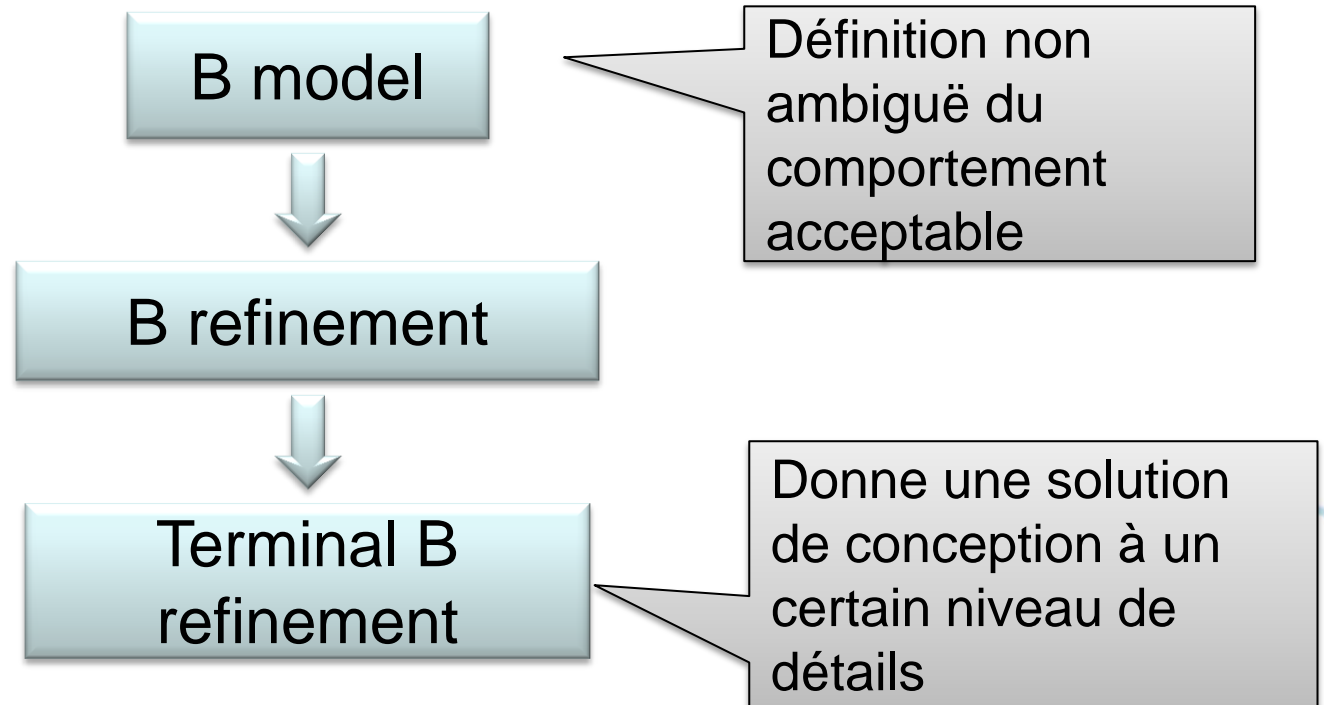


► B événementiel / B système

Utilisé pour décrire formellement les systèmes et raisonner mathématiquement sur leurs propriétés.

▷ Basé sur la Méthode B :

- Formalisme
- Preuve
- Raffinement





► Pourquoi des MF en spécification

► Le coût d'une détection d'anomalie en installation
75 fois plus important que celui en spécification :

NIST_The-economic-impacts-of-inadequate-infrastructure-for-software-testing-1.pdf - Adobe Reader

Fichier Edition Affichage Fenêtre Aide

37 / 309 102%

Outils Commentaire

Section 1 — Introduction to Software Quality and Testing

Table 1-5. Relative Costs to Repair Defects when Found at Different Stages of the Life-Cycle

Life Cycle Stage	Baziuk (1995) Study Costs to Repair when Found	Boehm (1976) Study Costs to Repair when Found ^a
Requirements	1X ^b	0.2Y
Design		0.5Y
Coding		1.2Y
Unit Testing		
Integration Testing		
System Testing	90X	5Y
Installation Testing	90X-440X	15Y
Acceptance Testing	440X	
Operation and Maintenance	470X-880X ^c	



► Pourquoi des MF en spécification

▷ Fonctionnalités du système

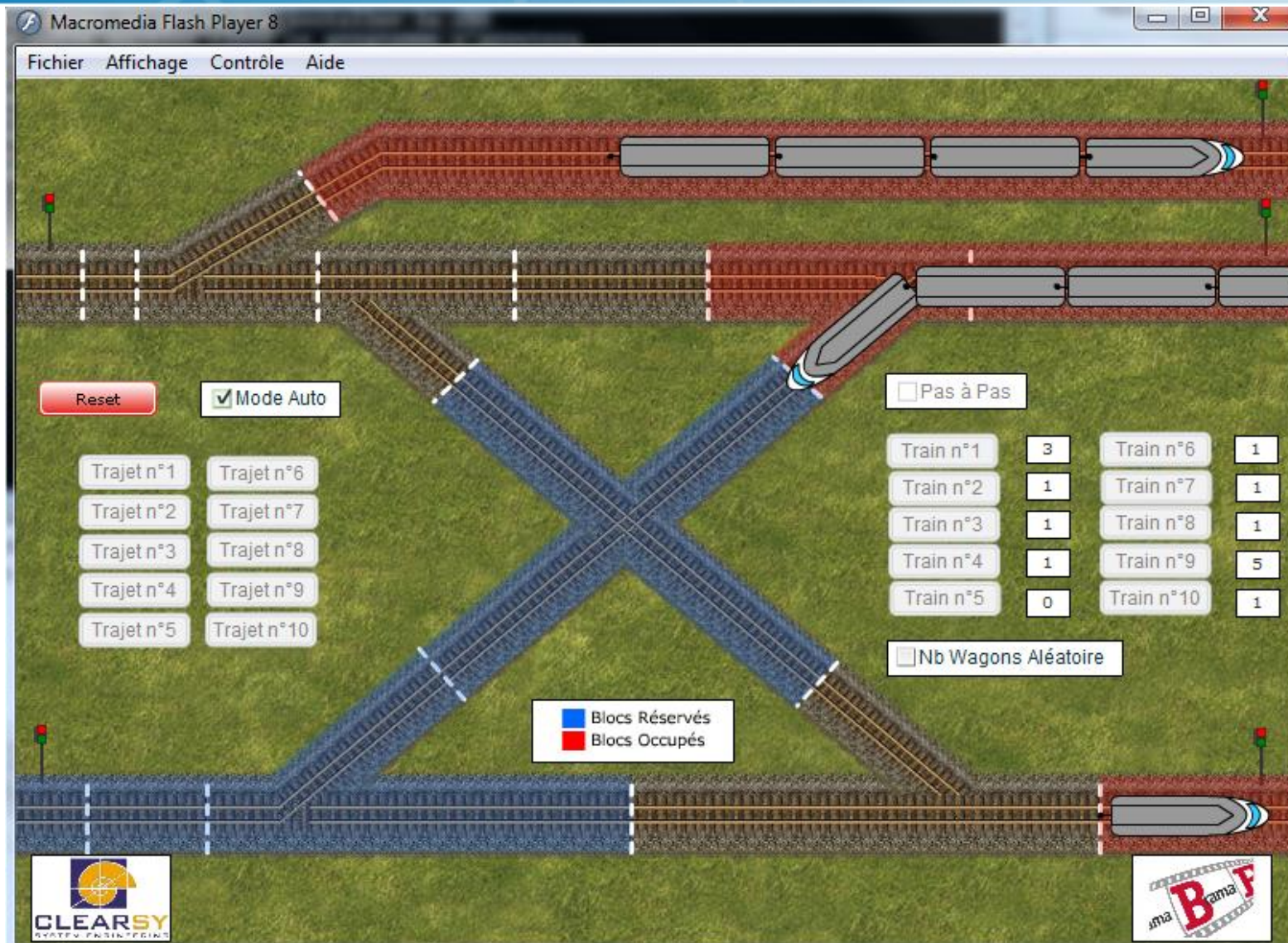
- Identifier clairement les fonctionnalités
- Exprimer toutes les fonctionnalités du système
- Garantir que les sous-fonctions font bien la fonctionnalité

▷ Hypothèses du raisonnement de sûreté

- Identifier clairement
- Les allouer correctement
- Les exprimer toutes



► Animation route





► Exercice 05 (voies)

PROPERTIES

$rtbl:BLOCS \leftrightarrow ROUTES \ \&$
 $dom(rtbl)=BLOCS \ \&$
 $ran(rtbl)=ROUTES \ \&$
 $nxt:ROUTES \dashrightarrow (BLOCS \rightarrow BLOCS) \ \&$
 $fst:ROUTES \dashrightarrow BLOCS \ \&$
 $lst:ROUTES \dashrightarrow BLOCS \ \&$

Tous les blocs sont utilisés
Toutes les routes sont utilisées
Un bloc n'est le successeur que d'un seul bloc
Il n'y a qu'un bloc d'entrée d'une route
Il n'y a qu'un bloc de sortie d'une route

PROPERTIES :

$!rr.(rr:ROUTES \Rightarrow nxt(rr):rtbl \sim [\{rr\}] - \{lst(rr)\} \rightarrow rtbl \sim [\{rr\}] - \{fst(rr)\}) \quad ?$

« Pour toute route, la fonction qui associe à un bloc de la route son successeur est une bijection entre les blocs non finaux de la route et les blocs non initiaux de la route »

Une route est un ensemble connexe de blocs



► Exercice 05 (voies)

PROPERTIES

```
rtbl:BLOCS<->ROUTES &  
dom(rtbl)=BLOCS &  
ran(rtbl)=ROUTES &  
nxt:ROUTES-->(BLOCS>+>BLOCS) &  
fst:ROUTES-->BLOCS &  
lst:ROUTES-->BLOCS &
```

Tous les blocs sont utilisés
Toutes les routes sont utilisées
Un bloc n'est le successeur que d'un seul bloc
il n'y a qu'un bloc d'entrée d'une route
Il n'y a qu'un bloc de sortie d'une route

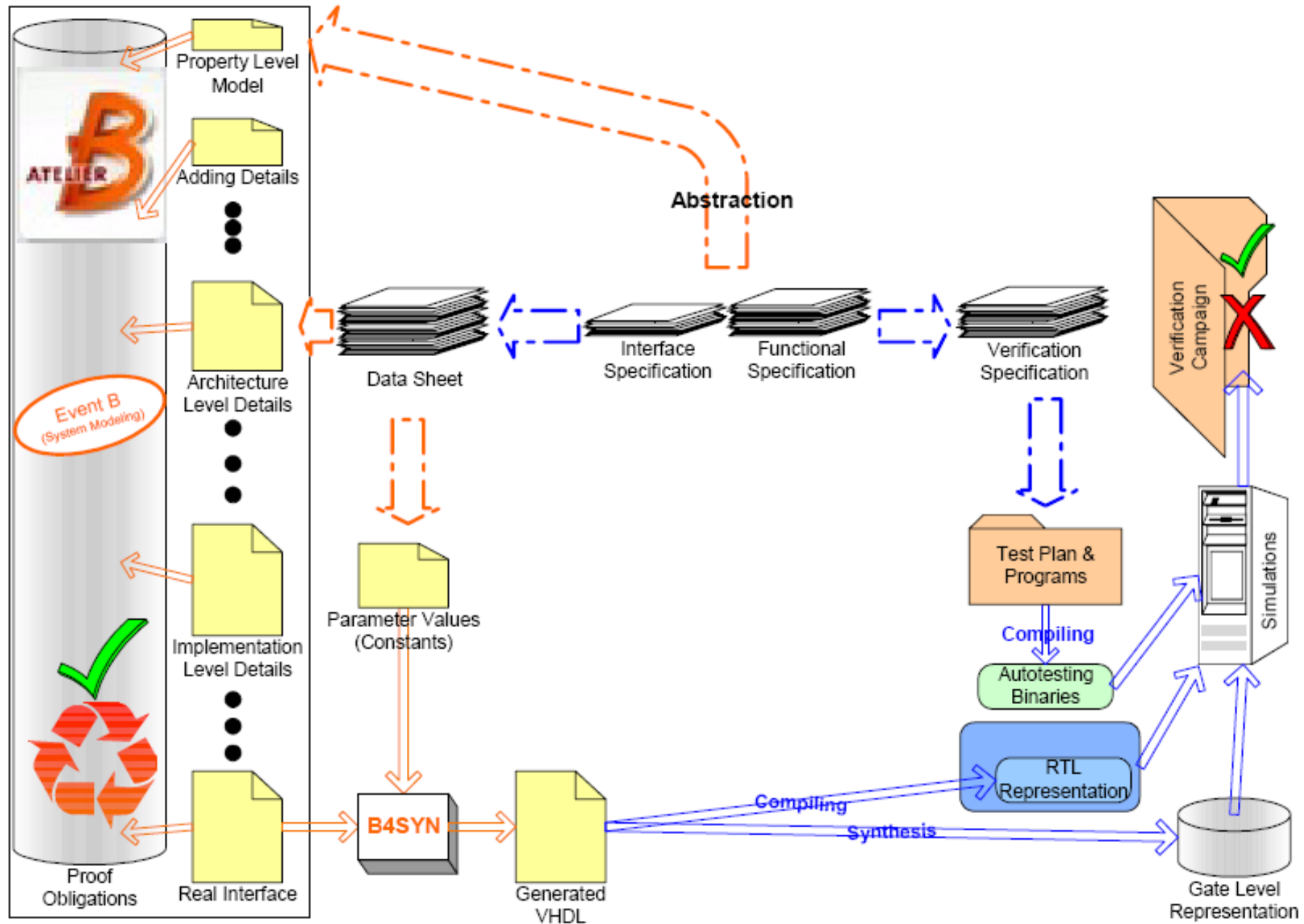
PROPERTIES :

```
!rr.(rr:ROUTES => !SS.(SS<:BLOCS & SS<:nxt(rr)[SS] =>  
  SS={})) ?
```

« Un bloc ne peut pas être son successeur »

Une route ne contient pas de cycle

New **Proved** Source HDL Development Flow



Trying a **rough** comparison



Criteria	Classical Flow	Experimental Flow
Effort <i>person.days</i>	~145	~145 (~200 translator)
Volume <i>commented source lines</i>	~3 600 VHDL	~7 500 B ~3 500 VHDL
Proof <i>number of items</i>	-	~1 600 obligations ~ 600 with ~4000 cmds
Structure <i>module number</i>	~15 tightly linked	4 loosely linked (only 1 generated module)
Simulation <i>RTL & gate level</i>	~30 patterns Ok	~30 patterns Ok (better debug signals)
Size <i>equivalent nand gates</i>	~5 Kgates	



► Formalisation Fonctionnelle

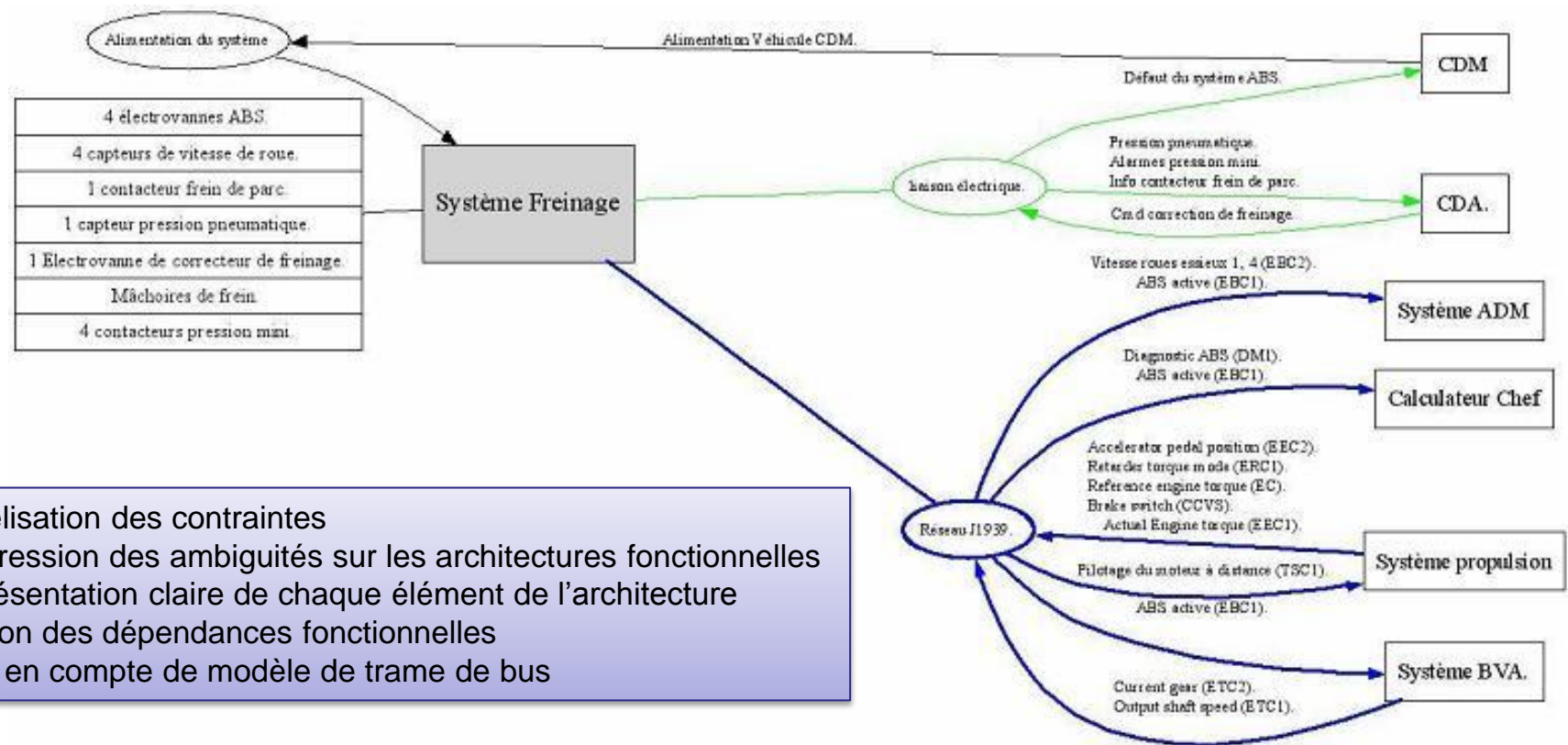
Pour le service Après-Vente de Peugeot

- ▷ Fonctionnalités de toute la voiture modélisées
 - Du Moteur à l'essuie glace
- ▷ Une cinquantaine de fonctionnalités majeures
- ▷ 20 personnes sur le projet sur 3 ans



Formalisation Fonctionnelle

► Analyse Fonctionnelle :



Modélisation des contraintes
Suppression des ambiguïtés sur les architectures fonctionnelles
Représentation claire de chaque élément de l'architecture
Gestion des dépendances fonctionnelles
Prise en compte de modèle de trame de bus



► Flushing line (métro de New York)

- ▷ CBTC développé par Thalès pour le métro de NY, interopérable

Il est possible de démontrer logiquement les propriétés nécessaires et suffisantes à la sécurité d'un grand système...

- ▷ Formalisations, raisonnements et preuves des propriétés de sûreté

- Démonstration avec B système (+Atelier B)

- Bénéfices / récupérabilité / utilisabilité indépendants de la méthode

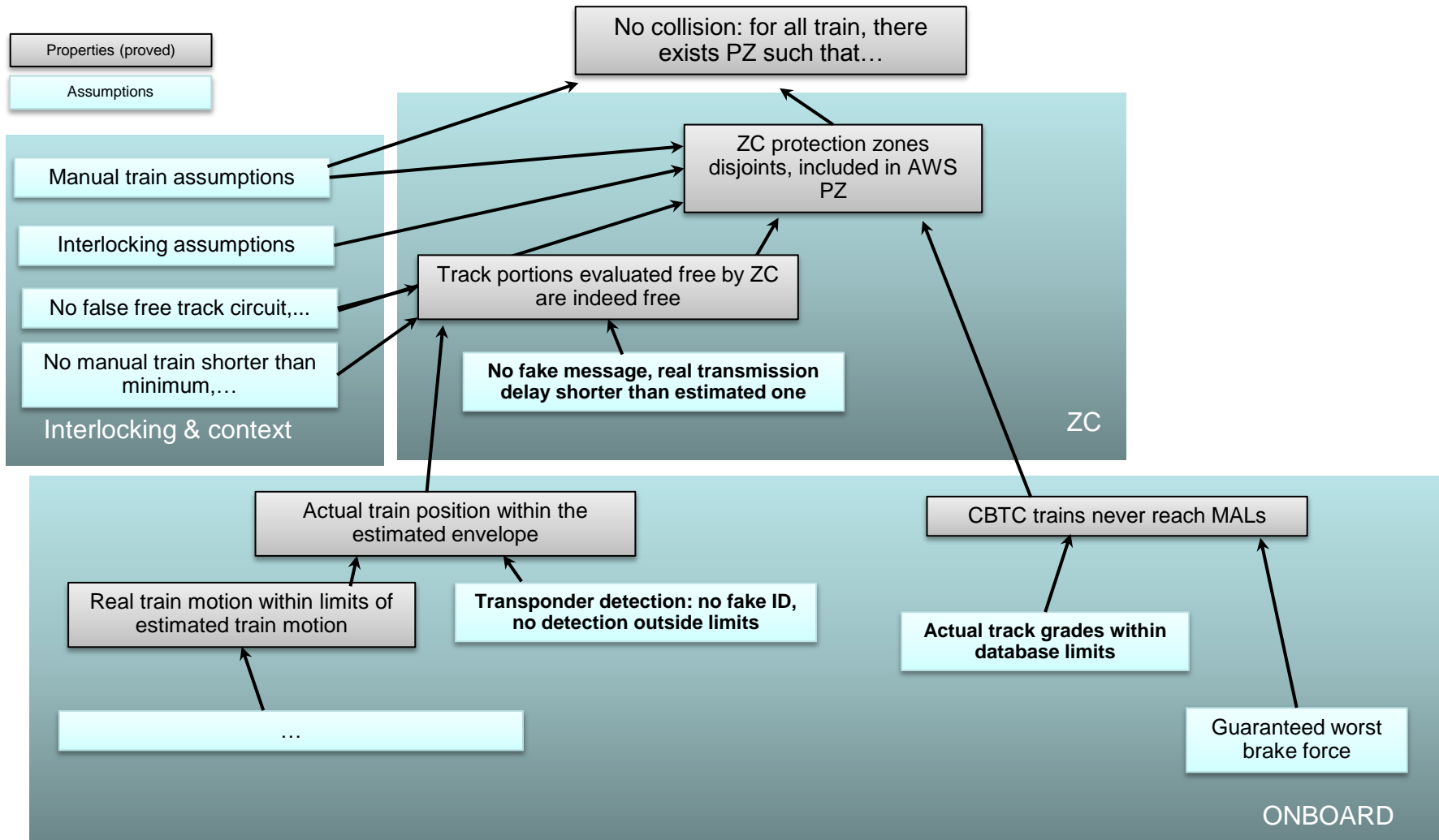
- ▷ Livrables sous forme d'un document en langage naturel

- intégrables aux Spécifications de Besoin

- Produire des éléments de vérification adaptés à la conception de l'industriel



Propriétés traitées dans le projet Flushing Line





► Développement logiciel



Développement logiciel





► Développement logiciel

- ▷ Modéliser de façon abstraite le comportement d'un programme
- ▷ Raffinements successifs jusqu'à un modèle concret transcodable
- ▷ Preuve de consistance et de raffinement
- ▷ Génération de code cible.



Actuellement : Pourquoi des MF en logiciel

Développement d'un logiciel de sûreté et la preuve
pas plus cher qu'un développement classique et test

▷ Confiance accrue.

- ▶ La preuve est valable pour toutes les valeurs possibles des variables
- ▶ Gain en terme de qualification du logiciel
- ▶ Gain en terme de sûreté de fonctionnement (propriété garantie)



► DL : erreur de programmation : Aig

▷ Détection d'erreur de programmation

► Bonne définition

- Division par 0
- Fonction appliquée sur son domaine
-

► Gestion Mémoire

- Boucle infinie
- Débordement de tableau
-

► Erreur de coquille

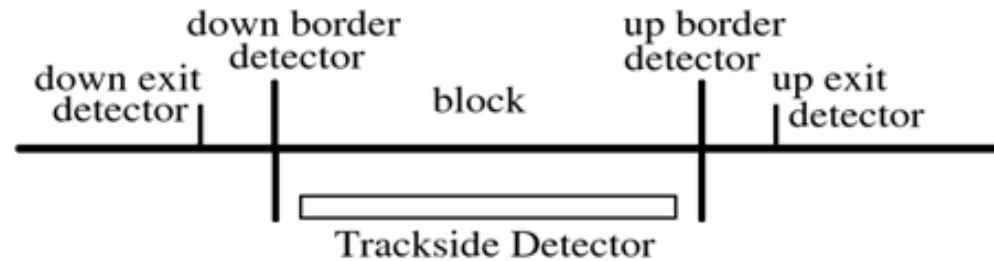
- Copier/coller
-



Exemple Aig



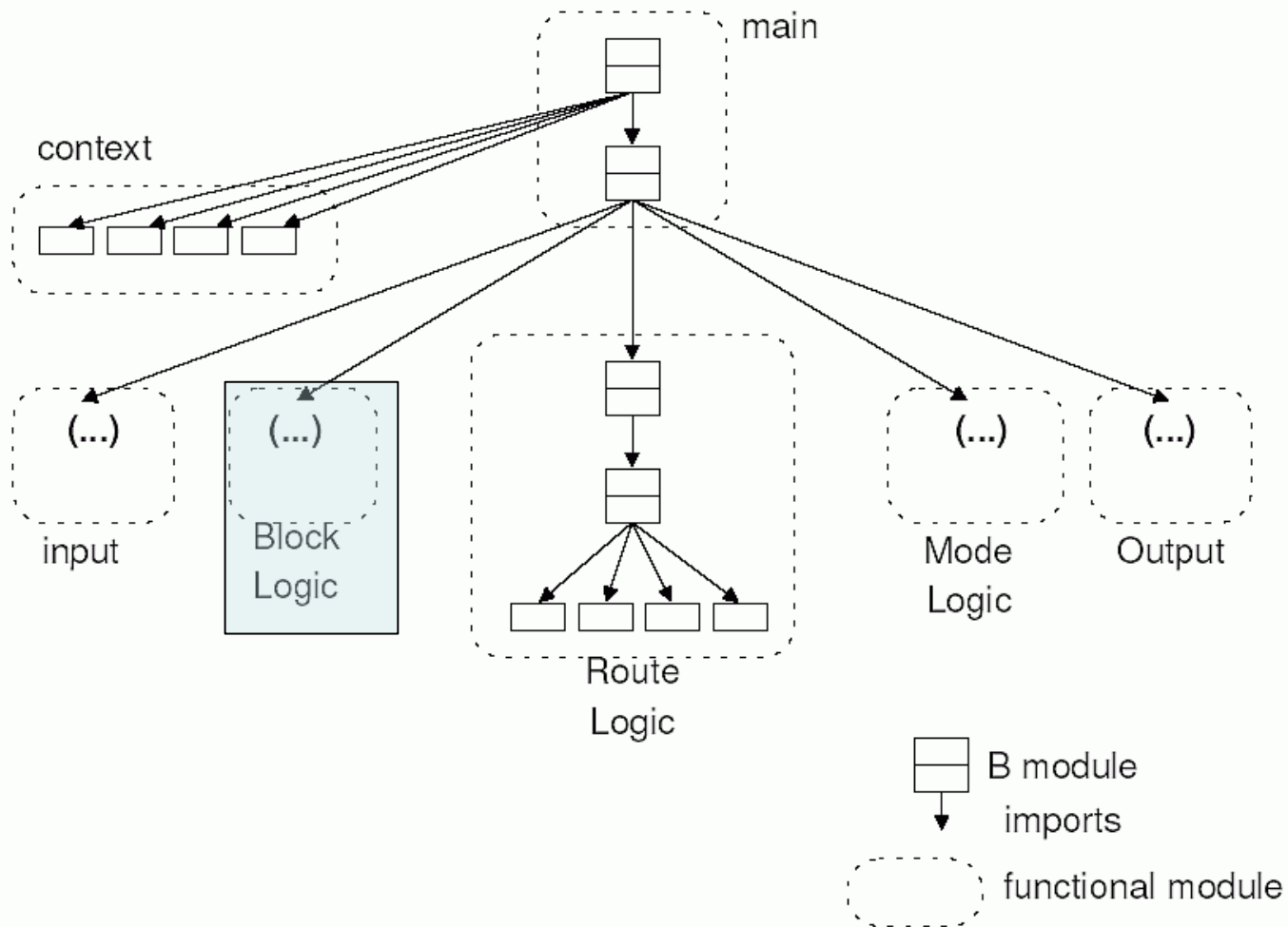
► DL: Propriété : Block



- Consistance du modèle
- Raffinement du modèle

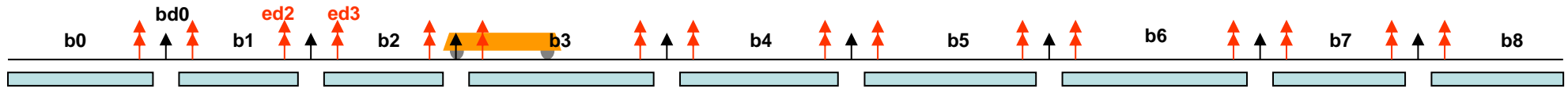


► DL: Propriété : Block





► Développement logiciel : Block



configuration

t_block_i, t_border_i, t_exit_i
t_block, t_border, t_exit

cfg_b2b_up : prochain block up
cfg_b2b_down : prochain block down
cfg_b2bd_up : border up
cfg_b2bd_down : border down
cfg_b2ed_up : exit up
cfg_b2ed_down : exit down

read_all_<nom constante>

inputs

otd : blocks dont le track detector est occupé
obd : borders occupés
oed : exits occupés

booléen ← is_exit_newly_released(ed)

block occupancy

ob : blocks occupés
mb : blocks masqués (pour TDL alarm)
tdla : blocks en alarme

unmask_blocks :

mb := mb - <blocks libres ou ceux avec tous les
TD libres / tous TD libre>

A block having one of its border detector occupied or having its trackside detector occupied has to be occupied.

mask_blocks :

mb := mb ∪ <blocks avec un BD occupé, sauf si le
block est en alarme>

release_blocks :

ob := ob - <block (libérés par PCC ou sans alarme) qui
de plus ont un ED qui a vu un front descendant>

occupy_blocks :

ob := ob ∪ <blocks avec le TD ou l'un des BD occupé>



► Some (internal) experimentations



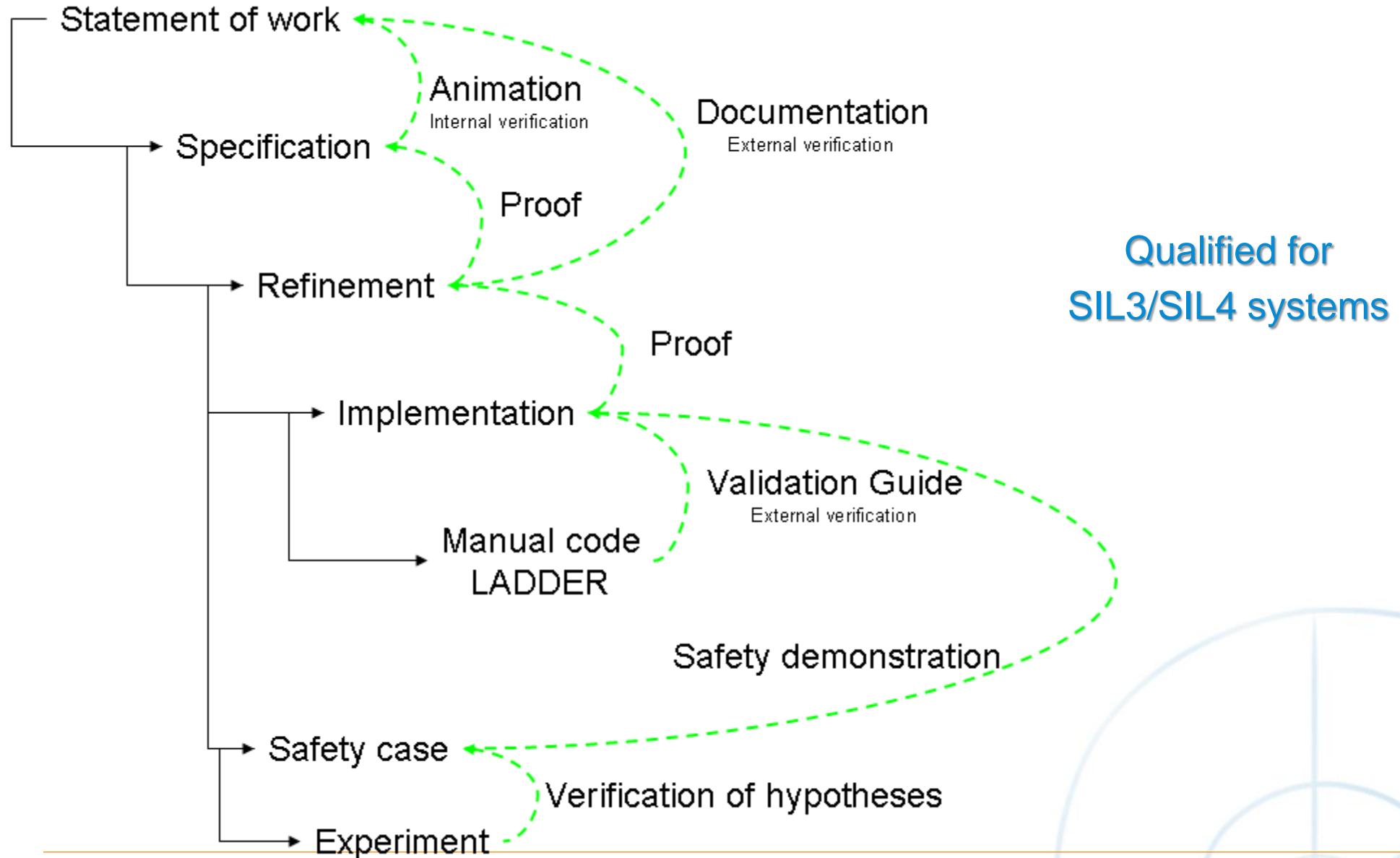
- ▷ Platform screen doors
- ▷ Safety critical systems (SIL3/SIL4)
- ▷ Opening and closing doors



- ▷ Event-B system level specification
- ▷ PLC code generated
- ▷ Specific to a PLC (Siemens S7)



► Development cycle





► Validation de données



Validation de données





► Validation de données

▷ Etat de l'art

► Plusieurs projets de R&D ont permis de développer les outils

► Utilisation courante dans le monde industriel : Alstom, RATP, Siemens, GE



▷ **Entrées** = données + règles à vérifier

▷ **Sortie** = rapport de vérification en nommant les données qui ne respectent pas les règles.



► Validation de données

- ▷ Formalisation des règles de transformation (génération de données)
- ▷ Formalisation de la consistance d'un ensemble de données
- ▷ Formalisation des règles de vérification (validation de données)



► Validation de données

- ▷ Valider les étapes de la génération de données
- ▷ Vérifier les règles de sûreté sur les données générées
- ▷ Réduire les coûts de la validation en automatisant ces vérifications
- ▷ Respecter un processus safety
- ▷ Créer un outil adapté au processus client et aux entrées



► Validation de données

▷ Règles simples, vérification :

- de la consistance
- des constantes
- d'un champ particulier
- vérification d'unicité
- d'égalité
- etc...

▷ Règles complexes:

- parcours de route
- parcours de distances
- opérations arithmétiques
- boucles imbriquées
- etc...



► Différents outils suivant le besoin client

Les besoins clients sont différents

▷ Outil adapté en terme de :

- HIM
- Processus (double chaîne si besoin)
- Gestion des entrées/sorties
- Gestion des formats des données
- Exigences et contraintes particulières



Visualisation

- ▶ Visualisation globale de la base de données
- ▶ Visualiser un objet et son environnement
- ▶ Visualiser les caractéristiques d'un objet
- ▶ Visualiser les constructions intermédiaires (overlap, sig area)

The screenshot displays the SP2DB software interface. The main window shows a graphical representation of a railway track layout on a grid. The layout includes multiple tracks, signal posts (represented by red and green dots), and track segments. The interface is divided into several panels:

- Left Panel (Graphical object tree):** A hierarchical tree structure showing the database components. The 'Station' folder is expanded, listing various station types (ST_SP, ST_NP, ST_PJ, ST_LR, ST_EC, ST_AH, ST_US, ST_EL, ST_LA, ST_RP, ST_LH, ST_LM, ST_CH, ST_SL, ST_UC, ST_BA, ST_SA, ST_MM, ST_PV, ST_LE, ST_TB, ST_GO, ST_AL, ST_EM, ST_MQ, ST_HM, ST_LD). Other folders include 'Track Chaining', 'Signalisation Area', 'SDDb', 'Point', 'Signal', 'PSR', and 'SSP'.
- Top Panel:** Contains a 'Refresh tree' button and a 'Number of SDDb' dropdown menu set to '1', with an 'add Track' button below it.
- Right Panel:** Contains a 'Move' button, a 'Segment' button, a 'Node' button, and a 'Signal' button. Below these are checkboxes for 'Node', 'Segment orien', 'SDDb', 'Signal', and 'Point'.
- Bottom Panel:** A table displaying data for a selected object. The table has two columns, '1' and '2', and five rows of data.

	1	2
1 ID		329
2 Name		SDDb_34A_G3_TNP
3 Track_ID		VIA_G3
4 KpValue		3755
5 KpCorrected_Trolley_Value		0



► Visualisation

- ▷ Aider les ingénieurs de la génération de données :
 - ▶ Visualiser les erreurs introduites
 - ▶ Visualiser les données qui ne respectent pas les règles définies
- ▷ Favorise l'échange Systémier/formalisateur :
 - ▶ Support de communication (schéma)
 - ▶ Analyse de faux KO
- ▷ Aider les testeurs
 - ▶ Construction des bases de tests
 - ▶ Vérification du test



► Ferroviaires : Chiffres types

- ▷ 800 règles modélisées et validées
- ▷ 400 constructions intermédiaires
- ▷ 50 templates
- ▷ 2000 tests créés et relancés chaque jour
- ▷ 4 fichiers XML (d'environ 50k lignes de données) validés
- ▷ Campagne de validation totale (1 système, 3 sous-systèmes) = 24 h



► Conclusion



Conclusion





► Conclusion

- ▷ 20 ans d'utilisation des MF
 - ▶ De gros projets réussis (Meteor L14)
 - ▶ Changement de la perception
 - ▶ Utilisation en augmentation

- ▷ L'utilisation des MF:
 - ▶ Applicable à différents niveaux
 - ▶ Sujets traités de plus en plus divers





► Conclusion



▷ Méthode B

► Application sur des gros systèmes

- System : NY cities, Peugeot
- Logiciel : Meteor (L14) mais aussi plus de 50 lignes
- Validation DATA : Alstom, Siemens, GE

► Pas plus cher qu'un autre

- System : coût 75
- Logiciel : équipe et temps équivalent à un développement sans MF
- Validation DATA : coût initial 2 projets

► Amélioration des outils toujours en cours

- Amélioration du taux de preuve automatique (10%)
- BART : raffinement et preuve
- Outils spécifiques pour la Validation de DATA



► Conclusion



Merci de votre attention

